

Московский центр непрерывного математического образования
ЗАОЧНЫЙ КОНКУРС ПО МАТЕМАТИКЕ
(весна 2012, 6–8 классы)

Дорогой друг! Приглашаем тебя принять участие в заочном конкурсе по математике. Участвовать в нём может любой ученик 6–8 класса, решивший по крайней мере пять из предлагаемых 20 задач. Для этого он должен не позднее

18 марта

выслать полные решения (не только ответы!) задач по адресу

Москва, 119002, Большой Власьевский пер., дом 11, Московский центр непрерывного математического образования, заочный конкурс, ... класс.

На письме должен быть указан **обратный** адрес, включая имя и фамилию. В письмо следует вложить два пустых **незаклеенных** конверта с маркой, написав на них свой адрес. (В одном конверте будут поставлены результаты проверки и приглашение на разбор. Другой конверт может быть использован для информации о заочном конкурсе, математических кружках, олимпиадах и пр.) На каждом листе работы просим указывать фамилию, имя, номер школы и класс. В письмо следует вложить заполненную карточку участника (см. на обороте).

Справки по всем вопросам, связанным с конкурсом, можно получить по телефону (495) 945-82-16 (попросить соединить с организаторами заочного конкурса), или (это надёжнее) по электронной почте: zmk@mccme.ru. (Очень просим Вас **НЕ отправлять решения задач по электронной почте**.)

Информация о заочном конкурсе есть на сайте <http://www.mccme.ru/zmk/>; в частности, на этом сайте будет указана дата разбора задач (скорее всего, это будет в мае), а после разбора помещён список победителей конкурса.

На сайте <http://www.mccme.ru> имеется также информация о математических кружках, олимпиадах и пр. Информацию о кружках можно получить также по телефону (499) 241-05-00.

Желаем успеха!

1. Каждую сторону прямоугольника увеличили на 1 см; в результате его площадь увеличилась на 39 см^2 . Потом каждую сторону прямоугольника увеличили ещё на 1 см. На сколько на этот раз увеличилась его площадь? (Укажите все возможные варианты ответа, если их несколько.)

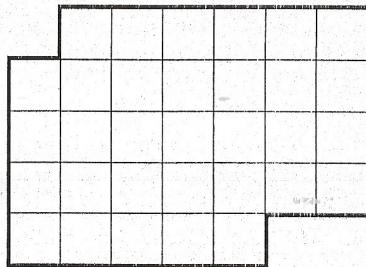
2. Напишите какое-нибудь трёхзначное число с таким свойством: с любым из чисел 743, 145 и 765 оно совпадает ровно в одном разряде (единиц, десятков или сотен).

3. Существует ли треугольник, в котором сумма любых двух углов больше 125° ? Объясните свой ответ.

4. Найдите самое большое целое число, при делении которого на 2012 частное и остаток получаются равными. Объясните, почему больше быть не может.

5. При проверке контрольной из пяти задач выяснилось, что каждую задачу решило нечётное число школьников, а каждый школьник решил нечётное число задач. Чётное или нечётное число школьников участвовали в контрольной? (Требуется не только ответ, но и доказательство.)

6. Разрежьте фигуру на рисунке на две равные (по форме и величине) части. Линия разреза должна проходить по границам клеток.



7. Укажите какое-нибудь целое число $k > 1$, для которого число $\sqrt{k}\sqrt{k}\sqrt{k}$ тоже будет целым числом.

8. Часы со стрелками идут равномерно, при этом минутная стрелка обгоняет часовую каждые 65 минут (ровно). Спешат они или отстают? Выставим точное время на них в начале года (в полночь) — когда они покажут точное время в следующий раз?

9. Как разрезать квадрат на 20 равных треугольников, если разрезы, параллельные сторонам квадрата, проводить запрещается?

10. На сколько частей делят пространство четыре плоскости ABC , ABD , BCD , ACD , являющиеся гранями пирамиды $ABCD$?